

نموذج التصحيح

تمرين 1 (12 نقاط) (1) $N=10, T=39, K=3$; وعدد المشاهدات = 390

نوع البيانات: لدينا $N=10$ أقل من $T=39$ وعليه بيانات مقطعية طولية

(2) المفاضلة بين النماذج:

اختبار فيشر:

الفرضيات:

H_0 : نموذج الانحدار التجميعي هو النموذج المناسب

H_1 : نموذج التأثيرات الثابتة هو النموذج المناسب.

$$F = \frac{(R_{FEM}^2 - R_{PM}^2) (N-1)}{(1 - R_{FEM}^2) (NT - N - K)} \rightarrow F_{(N-1, NT-N-K)}$$

$$F = \frac{(0.938258 - 0.828339) / (10-1)}{(1 - 0.938258) / (390 - 10 - 3)} = \frac{0.109919 / 9}{0.061742 / 377} = 74.57$$

$$F_c = 74.57 > (10-1, 390-10-3) = F_t(9, 377) = 1.904$$

نرفض H_0 أي نموذج التأثيرات الثابتة هو النموذج المناسب.

اختبار هوسمان (hausman) عند مستوى معنوية $\alpha = 0.05$

H_0 : نموذج التأثيرات العشوائية هو النموذج المناسب

H_1 : نموذج التأثيرات الثابتة هو النموذج المناسب

مقارنة $\alpha = 0.05$ $p\text{-Value Chi-Sq.} = 0.042$ نرفض H_0 أي نموذج التأثيرات الثابتة هو النموذج المناسب.

(4) معادلة النموذج المقدر المناسب.

$$LPIBH_{it} = 4.35 + 0.25LK_{it} + 0.18LH_{it} + 0.43LCEH_{it} + e_{it}$$

التفسير الاقتصادي

أن زيادة حصة الفرد من استهلاك الكهرباء بـ 1% تؤدي إلى زيادة حصة الفرد من الناتج بـ 0.25%

أن زيادة رأس المال المادي بـ 1% تؤدي إلى زيادة حصة الفرد من الناتج بـ 0.25%

مختبر

- زيادة في رأس المال البشري بـ 1% تؤدي إلى زيادة حصة الفرد من الناتج بـ 0.18%

(5) فسر المعنوية الكلية والجزئية للنموذج المقدر المناسب

المعنوية الكلية

نلاحظ أن قيمة فيشر $F=477.4241$ حيث $0.05=\alpha$ $P\text{-Value} < 0.00000$ أي نموذج معنوي كلياً

المعنوية الجزئية

LK $0.05=\alpha$ $P\text{-Value} < 0.0001$ وعليه معنوي

LH $0.05=\alpha$ $P\text{-Value} > 0.0061$ وعليه معنوي.

$LCEH$ $0.05=\alpha$ $P\text{-Value} < 0.0000$ وعليه معنوي.

C الثابت: $0.05=\alpha$ $P\text{-Value} > 0.0000$ وعليه معنوي.

القوة التفسيرية للنموذج: تساهم المتغيرات المستقلة في تفسير النمو الاقتصادي بنسبة 93%، بينما 7% ترجع إلى عوامل أخرى غير معلومة

مما يدل أن القوة التفسيرية للنموذج قوية

تمرين 2 (8 نقاط)

1- تصنف نماذج النمو ضمن النماذج غير خطية (نماذج نصف اللوغارتمية).

2- تحويل هذا النموذج في شكله الخطي:

$$\ln GDP_t = \ln GDP_{1991} + t \ln(1+r) + \ln \varepsilon_t$$

والتبسيط نكتبها على الشكل التالي:

$$\ln GDP_t = \beta_0 + \beta_1 t + \mu_t$$

$$\begin{cases} \ln GDP_{1991} = \beta_0 \\ \ln(1+r) = \beta_1 \end{cases}$$

3- معدل النمو المركب r

$$\hat{\beta}_1 = \ln(1+r) \Rightarrow r = e^{\hat{\beta}_1} - 1 = 0.03385 \approx 3.4\%$$

4 - كتابة النموذج المقدر

$$\beta_0 = \ln GDP_{1991}$$

$$GDP_{1991} = e^{8.021939} = 3047.08$$

$$GDP_t = 3047.08 (1+0.034)^t$$

5- هل يختلف معدل النمو المركب عن معدل النمو اللحظي.

بيت النتائج أنه من خلال فترة الدراسة، ارتفع PIB الحقيقي في الجزائر بمعدل 3.33% سنوياً، ومعدل النمو
هذا معنوي إحصائياً ($\text{prob} < 0.05$)

حيث النمو اللحظي يساوي 3.33 معامل β_1 معدل النمو عند كل فترة زمنية معينة مساوي تقريباً لمعدل النمو المركب 3.4%.