

تمرين 1 (12 نقاط)

إليك عينة دراسة تتكون من دول نامية والتي تقدم دعماً كبيراً للطاقة وهي كالتالي: الجزائر أذربيجان - البحرين - إيران - كازاخستان - الكويت - المكسيك - نيجيريا - مصر، وقد جاء اختيار هذه الدول لتورر البيانات الخاصة بها، أما عن فترة الدراسة تمتد خلال سنوات من (2010 - 2018). وكان نموذج دراسة أثر سياسة دعم الطاقة على النمو الاقتصادي في الدول باستخدام نماذج البائل من الشكل:

$$GDP_{it} = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 TSub_{it} + \hat{\beta}_2 OPENS_{it} + \hat{\beta}_3 GCF_{it} + \hat{\beta}_4 SEP_{it} + \varepsilon_{it} \quad i = (1 \dots n) (t = 1 \dots k)$$

نتائج تقدير هذا النموذج في الصفحة الثانية (اقلب الصفحة)

المطلوب:

- حدد كل من N و T و K وعدد المشاهدات.
- حلل اختبار التجانس للنموذج حسب اختبار التجانس لهيساو (Hsiao).
- قم بالمفاضلة بين النماذج المقدرة حسب اختبار فيشر و اختبار هوسمان (hausman) عند مستوى معنوية $\alpha = 0.05$.
- أكتب معادلة النموذج المقدر المناسب.
- فسر المعنوية الكلية والجزئية للنموذج المقدر المناسب.

تمرين 2 (8 نقاط)

$$Q_t = \beta_0 L_t^{\beta_1} K_t^{\beta_2} \varepsilon_t$$

إليك دالة كوب دوغلاس من الشكل:

حيث: عنصر العمل L = / رأس المال K = / حجم الإنتاج Q =

- 1- ضمن أي صنف من النماذج تصنف دالة كوب دوغلاس .
 - 3- وضح لماذا بعد تحويلها لشكلها الخطي يصبح ممكن تطبيق طريقة المربعات الصغرى (OLS).
 - 4- عند تقدير دالة إنتاج كوب دوغلاس ل 51 ولاية في أمريكا سنة 2010، حيث:
- Q= OUTPUT / L= LABOR / K= CAPITAL ، كانت نتائج التقدير كالتالي (نتائج التقدير في الصفحة الثانية (اقلب الصفحة)).

المطلوب:

- قم بتحويل هذه الدالة في شكلها الخطي .
- أكتب دالة الإنتاج المقدرة وفسر النتائج.
- فسر المعنوية الكلية للنموذج المقدر عند مستوى معنوية $\alpha = 0.05$.

نموذج التصحيح

تمرين 1 (12 نقاط)

$$(1) \quad N=9, T=9; K=4 \quad \text{وعدد المشاهدات} = 81$$

(2) تحليل التجانس حسب اختبار التجانس لهيساو (Hsiao).

هنا يتم أما مقارنة قيمة فيشر المحسوبة مع قيمة فيشر الجدولية أو قراءة من خلال (P-value) مع مستوى المعنوية (كلا طريقتين صحيحتين)

$$F_{t1} = 2.097 > F_{c1} = 2.92 \quad \text{أو} \quad 0.05 = \alpha < \text{P-Value} = 0.000486 \quad \text{وعليه نرفض } H01 \text{ أي لا يوجد تجانس كلي ننتقل إلى الخطوة}$$

$$\text{التالية} \quad F_{t2} = 2.097 < F_{c2} = 1.50 \quad \text{أو} \quad 0.05 = \alpha < \text{P-Value} = 0.338472 \quad \text{وعليه نقبل } H02 \text{ أي معاملة للمتغيرات التفسيرية أو}$$

مستقلة متساوية بين البلدان بينما الحد الثابت يتغير حسب كل البلد، في الخطوة الثالثة

$$F_{t3} = 2.097 > F_{c3} = 2.74 \quad \text{أو} \quad 0.05 = \alpha < \text{P-Value} = 0.01 \quad \text{وعليه نرفض } H01 \text{ أي أن التوابث غير متجانسة بين البلدان}$$

وعليه النموذج المناسب هو نموذج الآثار الثابتة.

(3) المفاضلة بين النماذج:

اختبار فيشر:

الفرضيات:

H_0 : نموذج الانحدار التجميعي هو النموذج المناسب

H_1 : نموذج التأثيرات الثابتة هو النموذج المناسب.

$$F = \frac{(R_{FEM}^2 - R_{PM}^2) / (N - 1)}{(1 - R_{FEM}^2) / (NT - N - K)} \rightarrow F_{(N-1, NT-N-K)}$$

$$F = \frac{(0.272718 - 0.054138) / (9 - 1)}{(1 - 0.272718) / (81 - 9 - 4)} = \frac{0.21858 / 8}{0.727282 / 68} = 2.55$$

$$F = 2.73 > (9-1, 81-9-4) = F(8, 68) = 2.097 \quad \text{نرفض } H0 \text{ أي نموذج التأثيرات الثابتة هو النموذج المناسب.}$$

اختبار هوسمان (hausman) عند مستوى معنوية $\alpha = 0.05$

H_0 : نموذج التأثيرات العشوائية هو النموذج الملائم

H_1 : نموذج التأثيرات الثابتة هو النموذج الملائم

$$\text{مقارنة } \alpha = 0.05 < \text{Chi-Sq. P-Value} = 0.0270 \quad \text{نرفض } H0 \text{ أي نموذج التأثيرات الثابتة هو النموذج المناسب.}$$

(4) معادلة النموذج المقدر المناسب.

$$GDPGit = 2.17 - 0.49 TSubit + 0.04 OPENSit - 0.22 GCFit + 0.05 SEPit$$

تفسير: تساهم المتغيرات المستقلة في تفسير النمو الاقتصادي بنسبة 27 % ، بينما 73 % ترجع إلى عوامل أخرى غير معلومة.

(5) فسر المعنوية الكلية والجزئية للنموذج المقدر المناسب

المعنوية الكلية

$$F = 2.124900 \quad \text{حيث } \alpha = 0.05 < \text{P-Value} = 0.026248 \quad \text{أي نموذج معنوي كلياً}$$

المعنوية الجزئية

TSUB دعم الطاقة : $0.05 = \alpha < P\text{-Value} = 0.0032$ وعليه معنوي .

OPENS الانفتاح التجاري : $0.05 = \alpha > P\text{-Value} = 0.2079$ وعليه غير معنوي.

GCF اجمالي تكوين رأس : $0.05 = \alpha < P\text{-Value} = 0.0253$ وعليه معنوي.

SEP الالتحاق بالمدارس: $0.05 = \alpha > P\text{-Value} = 0.5030$ وعليه غير معنوي.

C الثابت : $0.05 = \alpha > P\text{-Value} = 0.8262$ وعليه غير معنوي.

تمرين 2 (8 نقاط)

1- تصنف دالة كوب دوغلاس ضمن النماذج غير خطية (نماذج اللوغارتمية المضاعفة).

2- بعد تحويلها لشكلها الخطي يصبح ممكن تطبيق طريقة المربعات الصغرى (OLS) لانها تصبح ضمن نماذج ذات المعالم الخطية.

3-1 تحويل هذه الدالة في شكلها الخطي :

$$Q_t = \beta_0 L_t^{\beta_1} K_t^{\beta_2} \varepsilon_t$$

$$\ln Q = \ln B_0 + B_1 \ln L + B_2 \ln K \rightarrow \ln Q = \ln B_0 + B_1 \ln \text{LABOR} + B_2 \ln \text{CAPITAL}$$

3-2 دالة الإنتاج المقدرة .

$$\ln B_0 = 3.887600 \rightarrow B_0 = e^{3.887600} = 48.79$$

$$B_1 = 0.47 \quad B_2 = 0.52 \rightarrow Q = 48.79 B_0^{0.47} B_2^{0.52} k$$

التفسير أي زيادة ب 1 % في مدخلات العمل تؤدي إلى زيادة في الإنتاج ب 0.47 مع بقاء مدخلات رأس مال ثابتة، أي زيادة ب 1 % في مدخلات رأس مال تؤدي إلى زيادة في الإنتاج ب 0.52 مع بقاء مدخلات العمل ثابتة،

3-3 المعنوية الكلية

المعنوية الكلية

نلاحظ أن قيمة فيشر $F=645.9317$ حيث $0.05 = \alpha < P\text{-Value} = 0.000000$ أي نموذج معنوي كليا

القوة التفسيرية : معامل التحديد مرتفع جدا $R^2 = 0.96$